

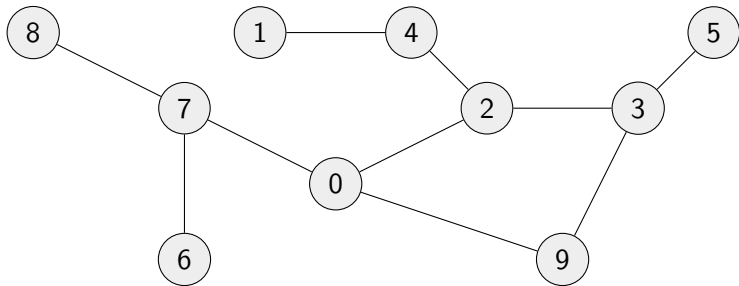
# Parcours en profondeur dans un graphe orienté

Christophe Viroulaud

Terminale - NSI

**Algo 18**

Dans un graphe non orienté et connexe, tous les sommets  
sont atteignables depuis n'importe quel sommet de départ.



Représentation en  
mémoire

Parcours en  
profondeur

Parcours en  
profondeur de tout  
le graphe

Dans un graphe orienté, ce n'est pas nécessairement le cas.

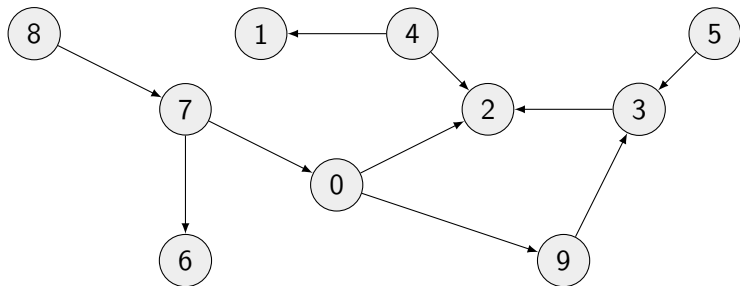


FIGURE 1 – Tous les sommets ne sont pas atteignables depuis 8.

Représentation en  
mémoire

Parcours en  
profondeur

Parcours en  
profondeur de tout  
le graphe

Comment réaliser un parcours en profondeur dans un graphe orienté ?

# Sommaire

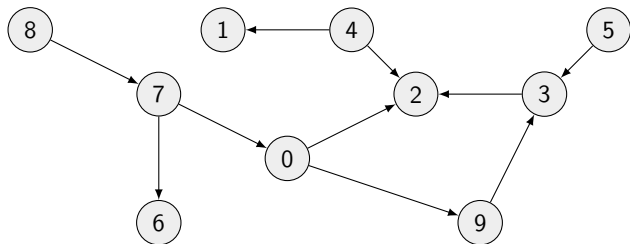
1. Représentation en mémoire
2. Parcours en profondeur
3. Parcours en profondeur de tout le graphe

Représentation en  
mémoire

Parcours en  
profondeur

Parcours en  
profondeur de tout  
le graphe

# Représentation en mémoire



## Activité 1 :

1. Télécharger et extraire le dossier compressé `dfs-annexe.zip` sur le site <https://cviroulaud.github.io>
2. Créer le fichier `dfs.py` dans le même dossier que `test.py`
3. Construire la matrice `graphe` des successeurs.
4. Exécuter le fichier de test pour vérifier la matrice.

## Avant de regarder la correction



- ▶ Prendre le temps de réfléchir,
- ▶ Analyser les messages d'erreur,
- ▶ Demander au professeur.

Représentation en  
mémoire

Parcours en  
profondeur

Parcours en  
profondeur de tout  
le graphe

```
1 graphe = [  
2     [0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1],  
3     [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],  
4     [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],  
5     [0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],  
6     [0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],  
7     [0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0],  
8     [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],  
9     [1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0],  
10    [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0],  
11    [0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0]]
```



# Sommaire

1. Représentation en mémoire
2. Parcours en profondeur
3. Parcours en profondeur de tout le graphe

La fonction de parcours en profondeur vue en classe masque un coût : il faut parcourir le tableau `visites` pour vérifier que le sommet n'a pas déjà été traversé.

## À retenir

Une solution classique consiste à créer un tableau `visites` de booléens. La valeur `False` à l'indice `i` indique que le sommet `i` n'a pas encore été visité.

## Activité 2 :

1. Construire par compréhension un tableau `visites`, de la taille de l'ordre du graphe et rempli de `False`.
2. Écrire la fonction `dfs(mat: list, dep: int, vis: list) → None` qui effectue un parcours en profondeur depuis le sommet `dep`. La fonction affichera, dans la console, les sommets traversés au fur et à mesure du parcours.
3. Effectuer un parcours en profondeur depuis le sommet 0.

## Avant de regarder la correction



- ▶ Prendre le temps de réfléchir,
- ▶ Analyser les messages d'erreur,
- ▶ Demander au professeur.

# Correction

```
1 visites = [False for _ in range(len(graphe))]
```

```
1 def dfs(mat: list, dep: int, vis: list) -> None:
2     if not vis[dep]:
3         # marque le sommet visités
4         vis[dep] = True
5         print(dep)
6         for i in range(len(mat[dep])):
7             # c'est un successeur
8             if mat[dep][i] == 1:
9                 dfs(mat, i, vis)
```

```
1 visites = [False for _ in range(len(graphe))]
2 dfs(graphe, 0, visites)
```

Code 1 – Appel de la fonction

Représentation en  
mémoire

Parcours en  
profondeur

Parcours en  
profondeur de tout  
le graphe

# Sommaire

1. Représentation en mémoire
2. Parcours en profondeur
3. Parcours en profondeur de tout le graphe

Parcours en  
profondeur  
dans un graphe  
orienté

Représentation en  
mémoire

Parcours en  
profondeur

Parcours en  
profondeur de tout  
le graphe

# Parcours en profondeur de tout le graphe

Parcours en  
profondeur  
dans un graphe  
orienté

Représentation en  
mémoire

Parcours en  
profondeur

Parcours en  
profondeur de tout  
le graphe

Dans un graphe connexe orienté, tous les sommets ne sont pas forcément atteignables depuis n'importe quel départ. Il faut donc effectuer un parcours depuis chaque sommet.



**Activité 3** : Écrire la fonction `parcours(mat: list)`

→ `None` qui lance un parcours en profondeur depuis chaque sommet. La fonction construira le tableau `visites` présenté précédemment.

## Avant de regarder la correction



- ▶ Prendre le temps de réfléchir,
- ▶ Analyser les messages d'erreur,
- ▶ Demander au professeur.

```
1 def parcours(mat: list) -> None:
2     visites = [False for _ in range(len(mat))]
3     for i in range(len(mat)):
4         # lance un parcours depuis chaque sommet
5         dfs(mat, i, visites)
```

```
1 parcours(graphe)
```

Code 2 – Appel de la fonction